

Nom:..... Prénom:..... Classe:..... Date:

Reproduire les observations de Galilée et... peser Jupiter !

✔ Objectifs	👤 Classe
<input type="checkbox"/> Exploiter, à l'aide d'un langage de programmation, des données astronomiques ou satellitaires pour tester les deuxième et troisième lois de Kepler.	Terminale Spé
	🕒 Durée
	2 h



Figure 1: Les lunes dites "galiléennes" de Jupiter: Io, Europe, Ganymède, Callisto.

✂ Sur la pailasse

- Un ordinateur connecté à internet.

En 1609, l'invention du télescope par Galilée permet l'observation d'objets invisibles à l'œil nu. Galilée découvre que Jupiter est entouré de 4 satellites. Il les observe longuement. Le système de Jupiter était particulièrement important par sa ressemblance avec le système des planètes orbitant autour du Soleil. Son étude a aidé à comprendre les mouvements dans le système solaire. Le système de Jupiter montrait que le modèle héliocentrique du système solaire proposé par Copernic était physiquement possible. Malheureusement, l'Inquisition s'inquiéta de ses découvertes et Galilée fut forcé de se renier.

Source : https://pariscosmo.in2p3.fr/sites/default/files/TP_Jupiter_JLRobert2.pdf

📄 Document 1: La troisième loi de Kepler

En 1543 Nicolaus Copernicus suppose que les planètes tournent sur des orbites circulaires autour du Soleil. Tycho Brahé observe soigneusement l'emplacement des planètes et de 777 étoiles pendant 20 ans en utilisant un sextant et un compas. Ces observations sont utilisées par Johannes Kepler, un étudiant de Tycho Brahé pour déduire de manière empirique trois lois mathématiques gouvernant l'orbite d'un objet par rapport à un autre. Pour une lune tournant autour d'une planète, la troisième loi est :

$$\frac{T^2}{a^3} = \frac{4 \times \pi^2}{\mathcal{G} \times M} \quad (1)$$

où

- \mathcal{G} est la constante universelle de gravitation avec $\mathcal{G} = 6,67 \times 10^{-11} \text{ m}^3 \cdot \text{kg}^{-1} \cdot \text{s}^{-2}$;
- M est la masse de la planète (en kg);
- a est le demi grand axe de l'orbite elliptique (en m);
- T est la période (en s). La période est le temps nécessaire au satellite pour effectuer un tour complet autour de la planète.

Document 2: Comment déterminer les caractéristiques d'un satellite (ou lune) ?

Autour de Jupiter, les lunes suivent une orbite à peu près circulaire mais, depuis la Terre, on ne voit que la projection du mouvement dans le plan du ciel : le système est « vu de côté ».

On ne peut pas connaître la distance de la lune à Jupiter mais seulement la distance apparente, autrement dit, la distance de la lune à la droite joignant Jupiter à la Terre (ligne de visée), c'est pourquoi les distances sont exprimées en « Diamètre de Jupiter, DJ. ».

En prenant suffisamment de mesures de la position apparente de la lune au cours du temps, on peut tracer une courbe qui correspond à une sinusoïde et déterminer le rayon de l'orbite et la période de l'orbite.

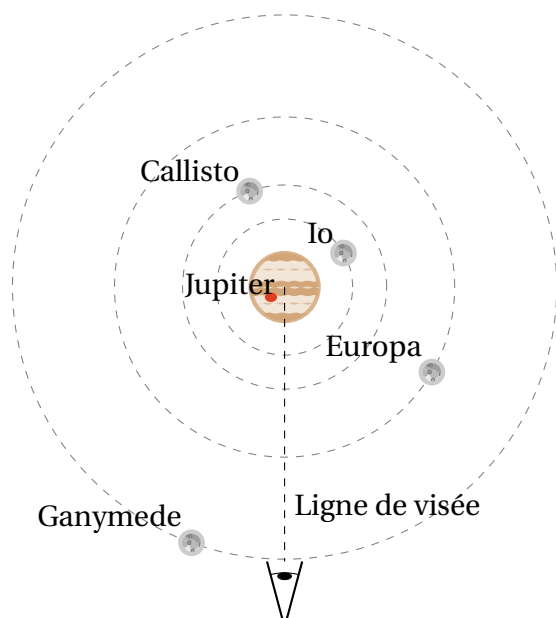


Figure 2: Orbites des lunes galiléennes autour de Jupiter

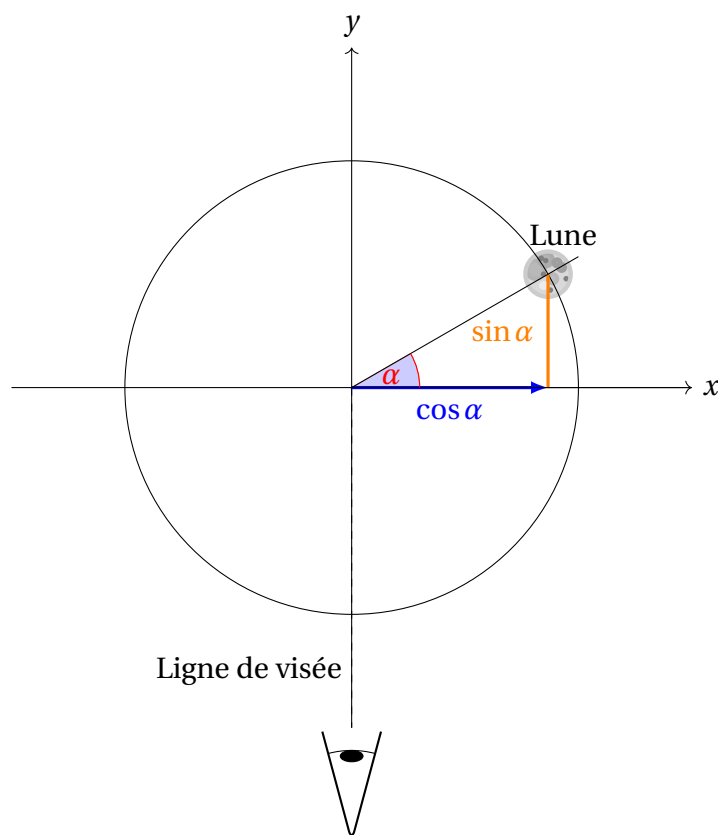


Figure 3: Définition des grandeurs du problème

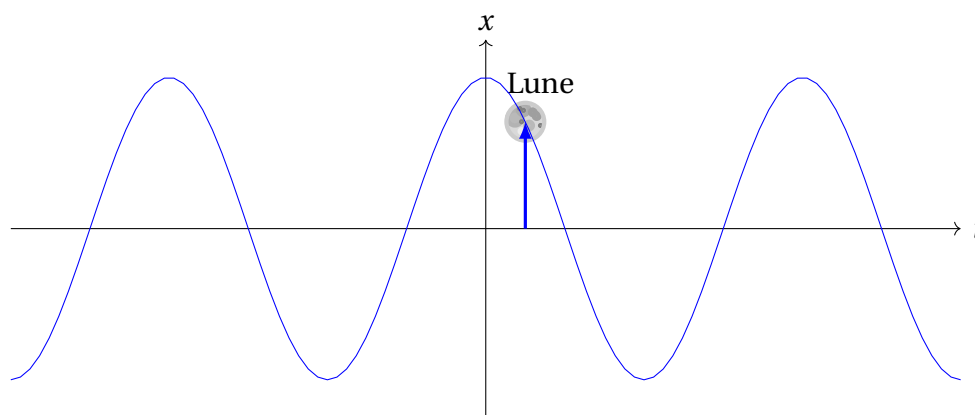


Figure 4: La distance de la lune à la ligne de visée au cours du temps est une sinusoïde

1 Observation des orbites des 4 lunes de Jupiter

1. Suivre le protocole suivant.



- ☐ Ouvrir *Stellarium*;
- ☐ Choisir l'emplacement : "Padova" dans la barre de menu verticale à gauche en activant la fenêtre de location;
- ☐ Choisir la date du 7 Janvier 1610, 19H dans la fenêtre temps à activer dans la barre de menu verticale à gauche;
- ☐ Appuyer sur pause dans la barre horizontale en bas d'écran pour arrêter le défilement du temps;
- ☐ Chercher Jupiter dans la barre de recherche à gauche et centrer l'observation sur la planète;
- ☐ Zoomer afin de voir les satellites de Jupiter (avec la roulette de la souris);
- ☐ Faire défiler le temps et observer comme Galilée autour de Jupiter entre les 13 et le 15 janvier 1610.

2 Détermination du rayon et des périodes des orbites des 4 lunes de Jupiter

2. Suivre le protocole suivant.



- ☐ Ouvrir *Regressi*.
- ☐ Charger le fichier "pointageKepler.csv" qui donne l'abscisse x des lunes galiléennes en fonction du temps, disponible en cliquant sur le qr-code ci-contre.
- ☐ Afficher le graphique " $x = f(t)$ ".
- ☐ Observer les courbes et valeurs obtenues; les valeurs des distances sont en Diamètre de Jupiter (DJ).



3. À partir de ces courbes, et en analysant le document 2 et l'animation précédente, expliquer comment déterminer le rayon et la période de l'orbite d'une lune de Jupiter ?

.....

.....

.....

.....

.....

.....

4. Déterminer par modélisation les rayons et périodes des orbites des 4 lunes de Jupiter.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

5. Compléter le tableau suivant:

Satellite	Io	Europe	Ganymède	Callisto
Rayon de l'orbite a (en DJ)				
Rayon de l'orbite a (en km)				
Période T (en h)				
Période T (en j)				

Données:

- Diamètre de Jupiter:
 $DJ = 139\,820\text{ km}$
- Masse de Jupiter :
 $M_J = 1,900 \times 10^{27}\text{ kg}$

3 Détermination de la masse de Jupiter



Traitement python des données

- ☐ Aller sur la plateforme *capytale* à l'aide du lien ci-contre.
- ☐ Consulter les lignes du programme.



6. Compléter les lignes 8 à 25 avec les données obtenues précédemment.

7. Après lecture du code, quel graphique doit-il afficher ?

.....
.....

8. Comment, à partir de la régression linéaire, déterminer la masse de Jupiter ?

.....
.....
.....

9. Compléter la ligne 44 afin de calculer la masse de Jupiter. La recopier ci-dessous.

.....

10. Exécuter le programme pour vérifier son bon fonctionnement. Noter la masse de Jupiter ci-dessous. La 3^{ème} loi de Kepler est-elle vérifiée dans le cas des satellites galiléens de Jupiter ?

.....
.....
.....
.....

11. Comparer la masse trouvée avec la masse théorique. Quelle peut-être l'origine de la différence entre les deux ?

.....
.....
.....
.....